

## 61. ročník Fyzikálnej olympiády

v školskom roku 2019/2020

kategória D – domáce kolo

Texty úloh

### 1. A metró gyorsulása

Gyurka Prágában volt látogatóban, és el volt ragadtatva a gyorsuló metrókocsik látványától. Úgy döntött, okostelefonjával megméri a metró gyorsulását. Először azt kellett megtudnia, milyen hosszú egy metrókocsi. A lépésszámláló (pedometer) és GPS segítségével lemérte, hogy  $s = 300$  m megtételéhez  $N_1 = 430$  lépést kellett megtennie. Amíg a metró az állomásban állt, lemérte, hogy egy metrókocsi hossza  $N_2 = 27,5$  lépés. Ezután, beállította az okostelefon kameráját merőlegesen az első kocsi elejére, majd beindította rögzítést. Felvette a metró indulását, és ahogy elhalad mind az  $n_v = 5$  metrókocsi a kamera előtt.

Otthon megnézte a felvételt, és lejegyezte (a metró indulásától számítva), mikor haladtak el az egyes kocsik végei a kamera előtt. Az adatokat a következő táblázatba írta.

kocsi $n$	a metró eleje	1	2	3	4	5
idő $t_n/s$	0,0	4,10	5,80	7,10	8,20	9,10

- Egészítsék ki a táblázatot egy új sorral! Tüntessék fel benne mekkora  $v_{pn}$  átlagsebességet ért el a metró az indulásától a  $t_n$  pillanatig! Szerkesszék meg a  $v_{pn}$  sebesség grafikonját, mint a  $t_n$  idő függvényét! Vigyenek fel az adatpontokra egyenes trendvonalat, és döntsék el, milyen mozgást végez a metró kinematikai szempontból!
- Határozzák meg a grafikonból a metró átlagos  $a$  gyorsulását! Határozzák meg, mekkora  $v_n$  pillanatnyi sebességgel haladt el a kamera előtt az  $n$ -ik kocsi vége! Az eredményeket tüntessék fel a táblázat egy újabb sorában!  
Határozzák meg mekkora  $v$  sebességgel hagyta el a metró az állomást!

### Aktualizált 2. feladat!!!

### 2. Rakéta

A gyerekek készítettek egy rakétát, amit a városon túl próbáltak ki, hogy senkit se veszélyeztessenek. A kilövésekor mérték a repülés fázisainak idejét. **A rakétamotor beindításától számítva a rakéta  $t_1 = 5,0$  s-ig függőlegesen emelkedett, ekkor a rakétamotor leállt.** A rakéta még egy ideig tovább emelkedett, végül  $t_2 = 8,0$  s-val a motor leállása után, földet ért.

Feltételezték, hogy amíg a rakétamotor működött, a rakéta egyenletesen gyorsult.

- Mekkora volt a rakéta  $v_0$  maximális sebessége az emelkedési fázis alatt,** és mekkora volt a rakéta átlagos  $a$  gyorsulása, amíg a rakétamotor működött?
- Milyen magasra ( $h_m$ ) repült a rakéta?

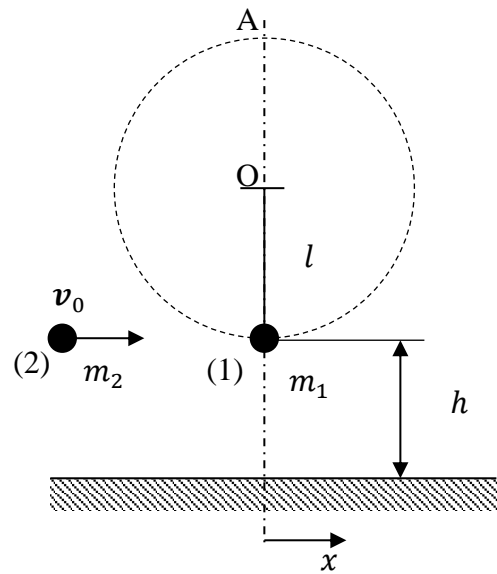
A légellenállás elhanyagolhatóan kicsi volt. A gravitációs állandó  $g = 9,8$  N/kg.

### 3. Golyók ütközése

Egy  $l = 200$  mm hosszú és  $F_p = 3,0$  N szilárdságú fonálon,  $h = 12,0$  cm-vel az asztal lapja felett, lóg az (1)-es golyó, amely tömege  $m_1 = 50,0$  g. A (2)-es golyó, amelynek tömege  $m_2 = 100$  g, vízszintes irányban, központilag ütközik az (1)-es golyóval (D-1 ábra). Az ütközés tökéletesen rugalmas.

- Mekkora a (2)-es golyó legkisebb  $v_{01}$  sebessége, amelynél az (1)-es golyó az ütközés után áthalad a körpályája A legmagasabb pontján?
- Mekkora a (2)-es golyó legkisebb  $v_{02}$  sebessége, amelynél a fonál az ütközés után elszakad?
- Határozzák meg az (1)-es és (2)-es golyók  $x_1$  és  $x_2$  koordinátáit, ahol az asztallapra esnek, ha elszakad a fonál, valamint a  $t_1$  és  $t_2$  pillanatot, amikor az asztallapra érnek – a (2)-es golyó ütközés előtti sebessége  $v_{02}$ !

A fonálról tételezzék fel, hogy nem nyúlik!



Obr. D-1 ábra

#### 4. A homok halomsűrűsége – kísérleti feladat

A halomsűrűség (halmazsűrűség) valamely szemcsés vagy darabos anyag tömegének és a hézagokat, üregeket, pórusokat is tartalmazó térfogatának hányadosa. A homogén anyagok esetében ez a *sűrűség*. Például a száraz homoknak halomsűrűsége van, míg az egyes homokszemeknek sűrűsége. A szemcsés anyagok esetében a hézagot levegő, ha nedves, víz tölti ki.

Szerezzenek be a kísérlethez nagyjából 1 kg tömegű száraz homokot (pl. akváriumi homokot)! A homokozó homokját is használhatjuk, de azt először alaposan át kell mosni, fertőtleníteni kell, majd kiszárítani. Mérés előtt szitálják át sűrű szitán, hogy eltávolítsuk a homokból az apró porszemeket!

Feladat:

- a) Javasoljanak egy, a lehető legpontosabb eljárást a homok halomsűrűségének megméréséhez, majd mérjék meg az eljárással a beszerzett homokminta  $\rho_1$  halomsűrűségét!
- b) Javasoljanak egy, a lehető legpontosabb eljárást a homokszemek sűrűségének mérésére, majd mérjék meg az eljárással a beszerzett minta homokszemeinek  $\rho_2$  átlagos sűrűségét!
- c) A homokot szórják egy vízzel teli edénybe, majd az edény tartalmát ürítsék ki a szitára. Hagyják lecsepegni a vizet a homokról (10 percig). Javasoljanak egy, a lehető legpontosabb eljárást a vizes homok halomsűrűségének a megméréséhez, majd mérjék meg az eljárással a szitán maradt vizes homok  $\rho_3$  halomsűrűségét!
- d) Határozzák meg a mérési eredményekből, hogy a száraz homok térfogatának hányad részét ( $p_1$ ) teszi ki levegő, és hányad részét ( $p_2$ ) teszi ki víz a vizes homoknál (mindkettőt %-ban fejezzék ki)!
- e) A mérést kettő vagy több homokmintával (eltérő szemcsenagyságú homokkal) végezzék el (finomabbal, durvábbal), és hasonlítsák össze a  $p_1$  és  $p_2$  értékeket! Magyarazzák meg az eltéréseket!

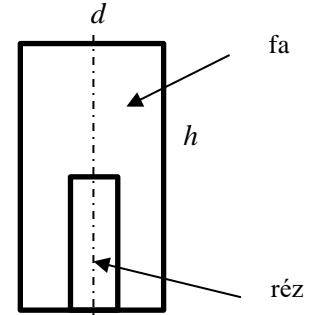
Megjegyzés: Az eltérő durvaságú homokot sziták segítségével kaphatjuk meg.

Figyelmeztetés: A homokozó homokja tartalmazhat az emberi egészségre ártalmas állati eredetű mikroszkopikus parazitákat!

### 5. Henger a vízben

Egy  $\rho_d = 700 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$  sűrűségű,  $d = 60 \text{ mm}$  átmérőjű,  $h = 80 \text{ mm}$  magasságú fahengerbe henger alakú  $h/2$  mélységű nyílást fúrtak – a henger és a furat tengelye meggyezik. A furatot egy  $m_m$  tömegű rézhenger tölti ki teljesen (D–2 ábra).

A réz sűrűsége  $\rho_m = 8,9 \times 10^3 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$ .



D–2 ábra

- a) Fejezzék ki a nehezékkal (rézhenger) kitöltött fahenger  $m$  tömegét a  $d, h, m_m, \rho_d, \rho_m$  mennyiségek segítségével!

Egy magas henger alakú  $D = 100 \text{ mm}$  belsőátmérőjű edényben víz van, sűrűsége  $1,0 \times 10^3 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$ . Az edényben levő  $H$  magasságú vízoszlop magasabb a fahengertől,  $H > h$ . A nehezékkal kitöltött fahengert a vízbe helyezzük.

- b) Milyen feltételt kell a rézhenger  $m_m$  tömegének teljesítenie, hogy a nehezékkal kitöltött fahenger a víz felszínén ússzon?
- c) Mekkora lesz a vízszint magasságának  $\Delta H$  változása, miután a fahengert a vízbe helyeztük? Fejezzék ki a rézhenger  $m_m$  tömegének függvényeként!
- d) Számítsák ki a vízszint  $\Delta H_i$  magasságának változását a rézhenger tömegének két értékére:  $m_{m1} = 50 \text{ g}$  és  $m_{m2} = 100 \text{ g}$ !

## 6. Nehezékek a csigasoron

A D–3 ábrán látható mechanikai rendszer a K1 mozgócsigából, a K2 állócsigából, fonálból és a T1, T2 testekből áll.

Vizsgálatunk elején az  $M = 1,0$  kg tömegű T1 test az alátétén nyugszik, az  $m$  tömegű T2 test  $h = 50$  cm magasságban lóg az alátét felett (D–3 ábra).

a) Készítsék el a K1 és K2 csigák, valamint T1 és T2 testek rajzait, és tüntessék fel ezeken a rajzokon az egyes csigákra és a testekre ható erőket a D–3 ábra alapján, ha a rendszer, az adott pillanatban, nyugalomban van! Írják le, hogyan határozzuk meg ekkor az egyes erők nagyságát!

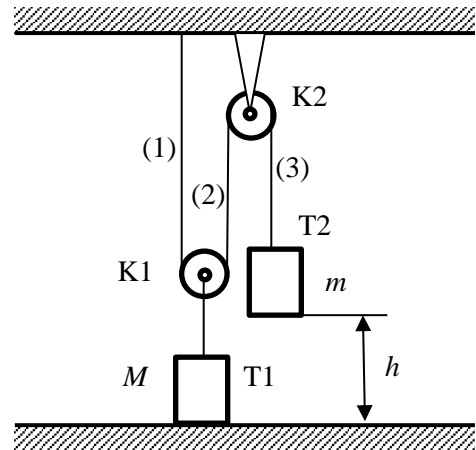
b) Mekkora a T2 test maximális  $m_1$  tömege, amelynél a leírt rendszer nyugalomban marad? Határozzák meg,  $m \leq m_1$  tömeg esetében, a K1 és K2 csigák tengelyére ható erők  $F_{K1}$  és  $F_{K2}$  nagyságát!

Most tételezzük fel, hogy a T2 test tömege  $m > m_1$ ! Az elején a T2 testet  $h$  magasságban az alátét felett nyugalomban tartjuk (D–3 ábra), majd elengedjük. A T2 test lefelé kezd el mozogni.

c) Mekkora  $v$  sebességgel éri el az alátétet a T2 test? Fejezzék ki a  $v$  sebességet az  $m$  tömeg függvényeként ( $f_1(m)$ )! Szerkesszék meg ennek a függvénynek a grafikonját!

d) Mennyi idő alatt ( $t$ ) éri el a T2 test a kezdeti állapotból az alátétet? Fejezzék ki a  $t$  időt az  $m$  tömeg függvényeként ( $f_2(m)$ )! Szerkesszék meg a függvény grafikonját!

A csigák és fonál tömege elhanyagolhatóan kicsik a testek tömegéhez viszonyítva, továbbá a csigák tehetetlenségi nyomatéka és a fellépő súrlódás is elhanyagolhatóan kicsik. A nehézségi gyorsulás  $g = 9,8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$ .



D–3 ábra

## 7. Bolygók

A Mars bolygót gyakran látjuk az éjszakai égbolton. A Mars „nagy oppozíciója” (szembenállása) 2018 júliusában volt megfigyelhető, ekkor volt a látszólagos nagysága a legnagyobb. A legjobb megfigyeléseket az oppozíció alkalmával lehet végezni (ekkor a Mars a Földről nézve pont a Nappal ellentétes irányban van). A Mars látszólagos nagysága az oppozícióban attól függ, mekkora távolságban van ekkor a Földtől. A Föld és a Mars is nagyjából ugyanabban a síkban, ellipszis pályán keringenek a Nap körül. A Föld A aféliumának vezérsugara közelítőleg  $70^\circ$ -os szöget zár a Mars P perihéliumának vezérsugarával. A Föld pályája kis numerikus excentricitású ( $e_Z = 0,0167$ ), azonban a Mars pályájának numerikus excentricitása jóval nagyobb ( $e_M = 0,0934$ ). A Mars és Föld közti távolság akkor a legkisebb, amikor a Mars a perihéliumán halad át.

- A Föld elliptikus pályájának félnagy tengelye  $a_Z = 149,6$  mil. km. A Föld keringési ideje  $T_Z = 365,25$  nap, a Marsé  $T_M = 686,96$  nap. Határozzák meg a Mars pályájának  $a_M$  félnagy tengelyét, a Föld aféliumának  $r_{AZ}$  és a Mars perihéliumának  $r_{PM}$  távolságát a Naptól! Határozzák meg a Mars-Föld távolságot abban az esetben, ha az A és P pontok ugyanazon a vezérsugáron feküdnének!
- A Mars átmérője  $d_M = 6\,805$  km. Mekkora a Mars látszólagos  $\varphi$  szögátmérője a Földről nézve, amikor a legközelebb van?
- Határozzák meg, milyen  $T_o$  periódussal ismétlődik a Mars oppozíciója! Határozzák meg a Mars „nagy oppozícióinak” a  $T_{vo}$  periódusát, valamint, hogy melyik évben várható a legközelebbi „nagy oppozíció”.

Megjegyzés: Az ellipszis numerikus excentricitása  $e = f/a$ , ahol  $a$  az ellipszis félnagy tengelye,  $f$  pedig a fókusz távolsága.